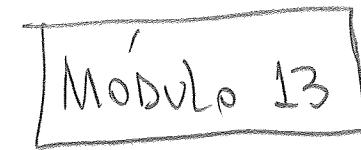


2,90



MEMBRANAS

(NOTAS DE AULA)

AUTOR: MARCO ANTONIO PENALVA REALI

DISCIPLINA: SHS-0346 – OPERAÇÕES UNITÁRIAS E PROCESSOS NA ENGENHARIA AMBIENTAL

**DEPARTAMENTO DE HIDRÁULICA E SANEAMENTO
ESCOLA DE ENGENHARIA DE SÃO CARLOS - EESC
UNIVERSIDADE DE SÃO PAULO - USP**

SÃO CARLOS - ABRIL/2008

PROCESSOS POR MEMBRANAS

Nos processos de separação por membranas, a separação é obtida com o emprego de membranas permeáveis seletivas.

Principais processos:

- Eletro-Diálise (E.D.) e Eletro-Diálise Reversa (E.D.R.)
- Osmose Reversa (O.R.)
- Ultra-Filtracão (U.F.) e Micro-Filtracão (M.F.)

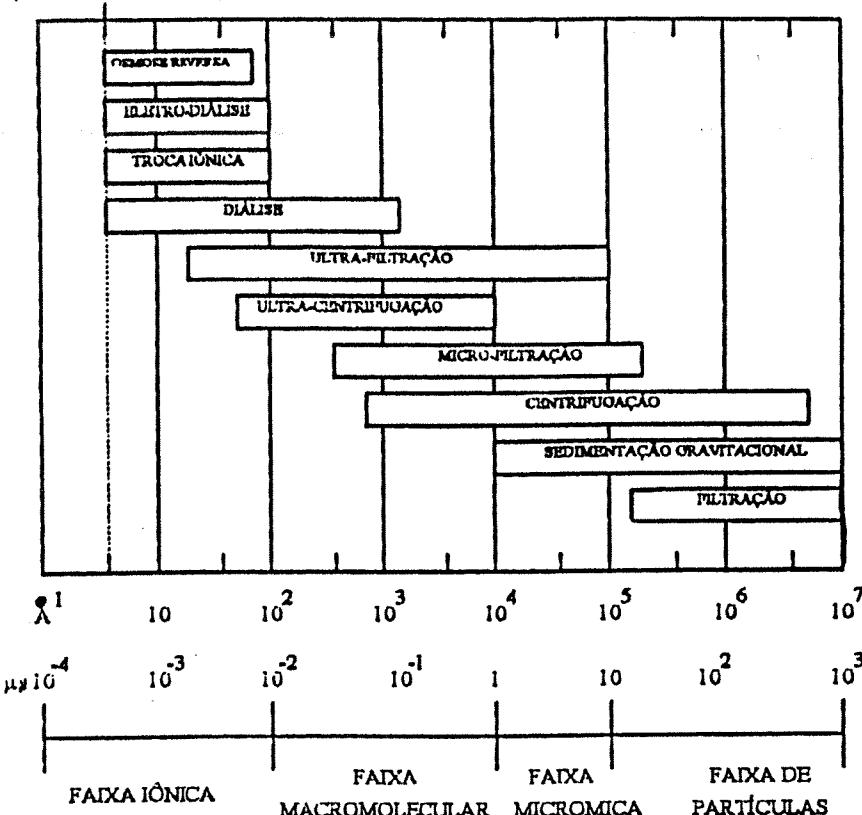


Figura 1 - Faixas de Separação em função do processo

* Cada processo de membranas requer a imposição de uma força para se obter a transferência de massa de soluto ou de Selvante:

Diálise (D) \Rightarrow diferença de concentração

Eletro-Diálise (E.D.) \Rightarrow potencial elétrico

Osmose Reversa (O.R.) , Ultra Filtraçao e Micro Filtraçao \Rightarrow Pressão hidrostática

* Principal dificuldade dos processos por membranas \Rightarrow pequenas taxas de transferência de massa por unidade de área de membrana (fluxo de massa)

* Alguns processos por membranas (ED por exemplo) exigem o pré-tratamento da água para eliminação da maior parte da matéria orgânica e dos sólidos em suspensão.

	força atómica	electrónico	óptico	MICROscópio	visível a olho nu		
	Máteria dissolvida	Coloides	Máteria suspensa				
Ions	Ions	Moléculas	Macromoléculas	Micropartículas	Macropartículas		
Peso molecular [D] ^a	100	1000	10000	100000			
Tamanho [μm] ^b	0,001	0,01	0,1	1	10	100	1000
Dimensão do soluto ou da partícula	Sais minerais Acidos líquicos Ions de metais Pesticidas Aminocíclicos Polissacarídeos	Proteínas Acidos orgânicos Vírus Cátions	Eritrócitos Flocos de FeCl_3 Próteinas Bactérias/Microrganismos	Algas e Protozoários Macrófagos e Zooplâncton Areia Pólen			
Processo de separação de membranas ^c	RO NF UF Dialise Eletrodialise	MF					
Processo de separação físico-químico			Ultra centrifugação Centrifugação Coagulação/Flocação/Decantação/Sedimentação Filtragem convencional				
Processo de separação com troca de fase			Destilação/Concentração com gás				
Processo de separação química		Troca de íons Extração com solventes Resinas macroporosas Carvão ativado					

- D: Dalton, medida de peso molecular e um D corresponde ao peso de um átomo de hidrogênio.
- $\mu\text{m} = 1 \times 10^{-6}\text{m}$.
- RO: osmose reversa; NF: nanofiltração; UF: ultrafiltração; MF: microfiltração.

Tabela 2.2 – Membranas utilizadas para o tratamento de água e esgoto.

Membrana	Porosidade	Material retido
Microfiltração	0,1 μm – 0,2 μm	Protozoários, bactérias, vírus (maioria), partículas
Ultrafiltração	1.000 – 100.000D	Material removido na MF + coloides + totalidade de vírus
Nanofiltração	200 – 1.000D	Íons divalentes e trivalentes, moléculas orgânicas com tamanho maior do que a porosidade média da membrana.

FIGURA 1: DEFINIÇÃO DE MEMBRANA

Fonte: Mallevialle et al, 1996

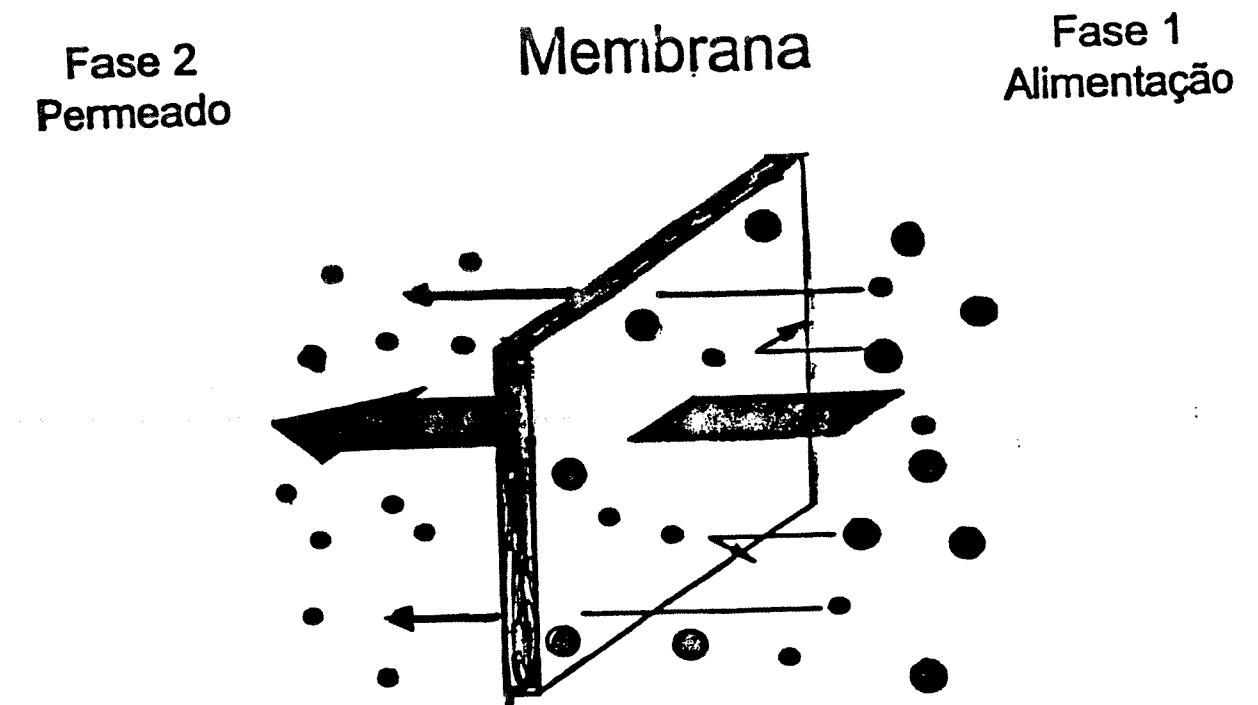
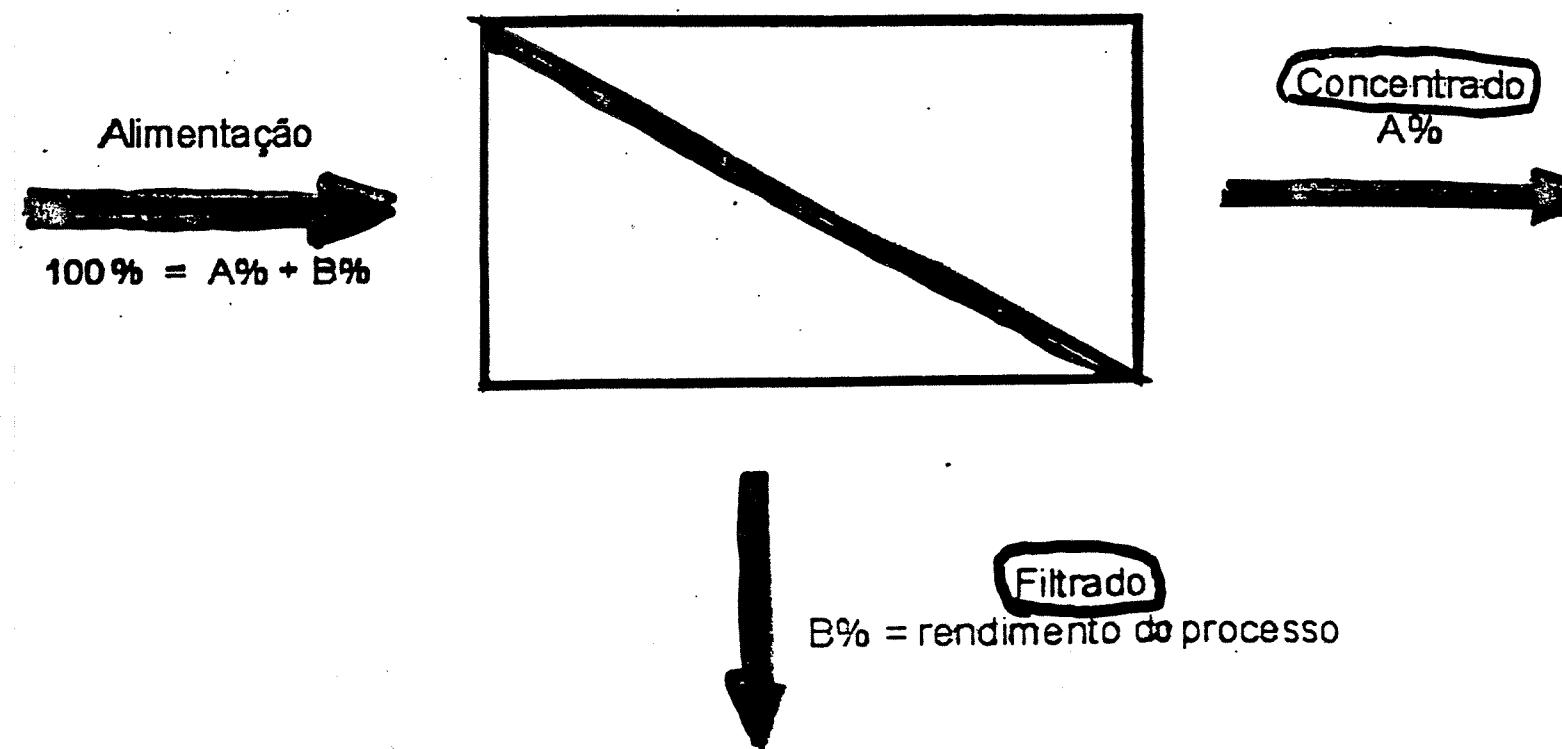
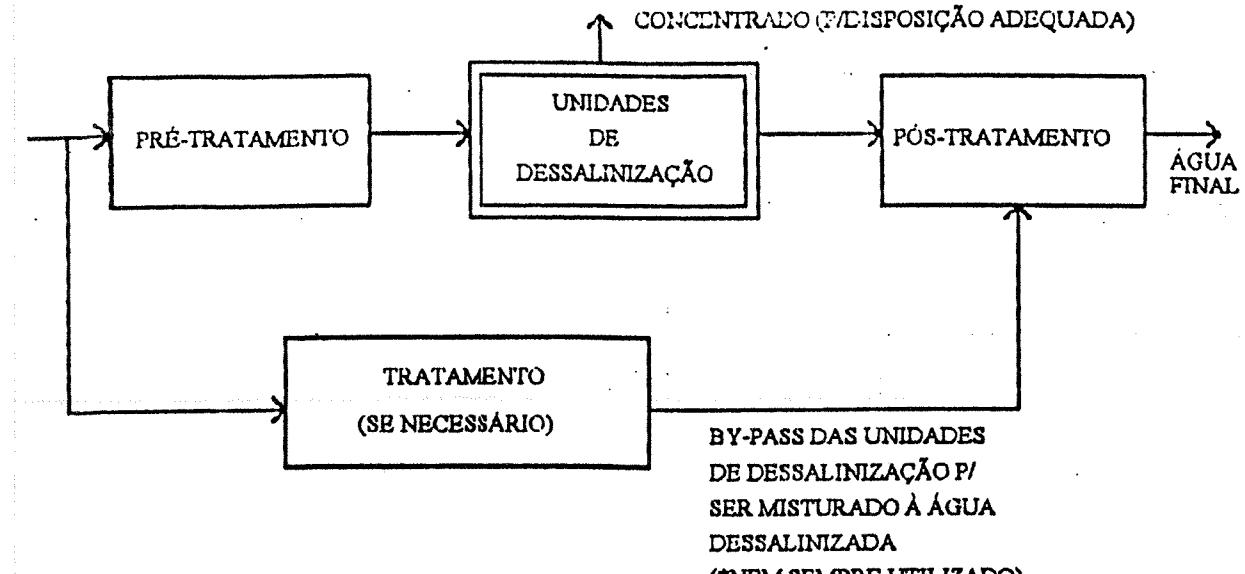


FIGURA 2: PRINCÍPIOS DE OPERAÇÃO DE MEMBRANA

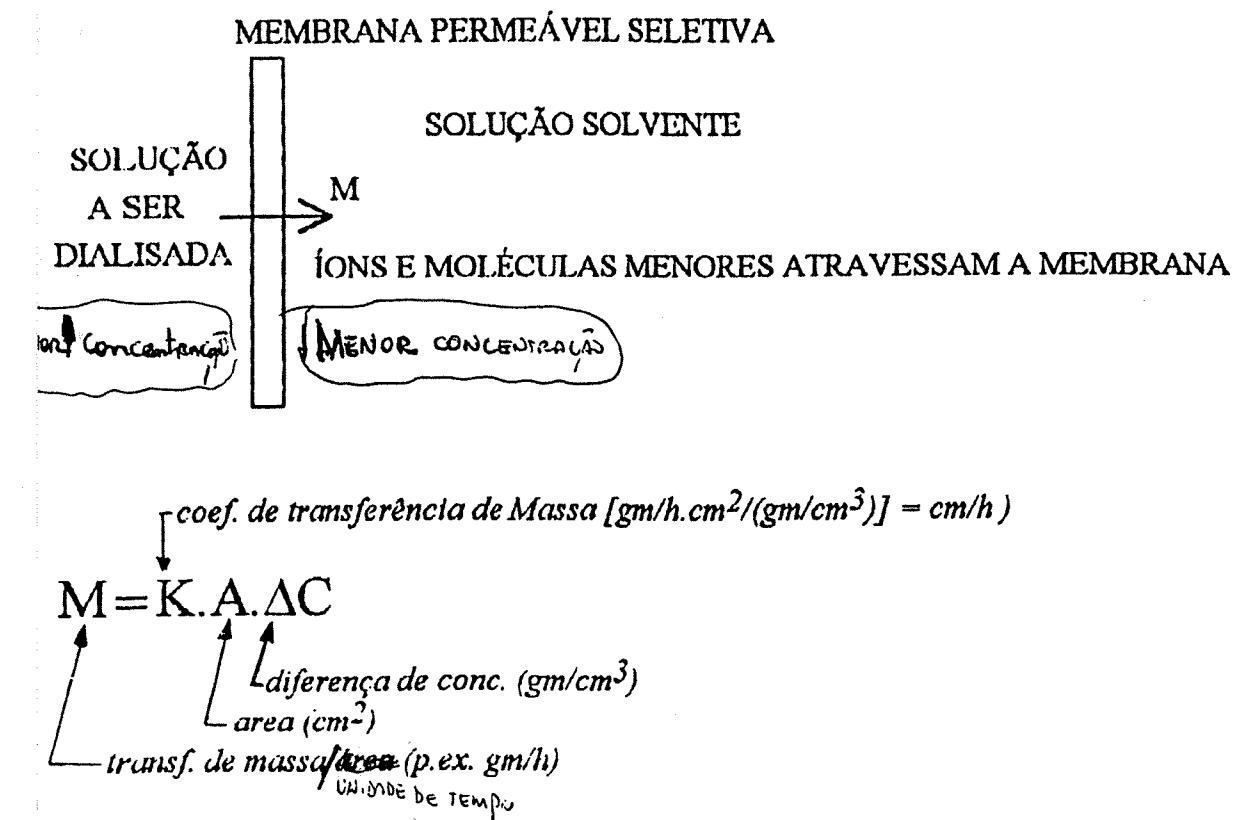


FLUXOGRAMA TÍPICO DE SISTEMAS DE DESSALINIZAÇÃO (E.D. e O.R.)



DIÁLISE

* Pouco usada em Engenharia Ambiental, mas seus princípios são importantes para o estudo posterior da E.D. e da O.R.



* Na diálise o coeficiente K é muito baixo, tornando seu uso limitado (exige áreas grandes para se obter um dado fluxo de massa)

ELETRO DIÁLISE

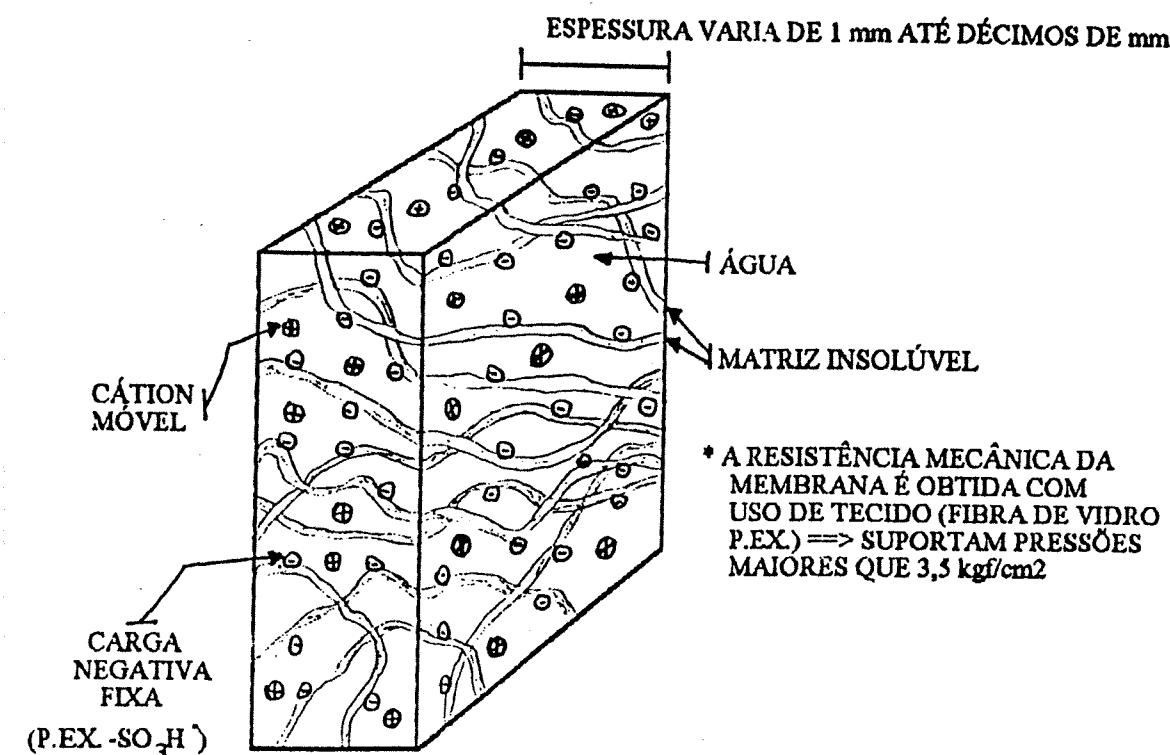
Constitue processo bastante utilizado para a desmineralização de águas salobras e água do mar.

Na verdade constitue processo físico (operação unitária). No entanto pode ser tratada como processo químico tendo-se em vista que as membranas são constituídas de material com propriedades de TROCA IÔNICA.

Portanto, a seletividade das membranas pode ser:

- 1) Membranas cátions - permeáveis
- 2) Membranas ânion - permeáveis

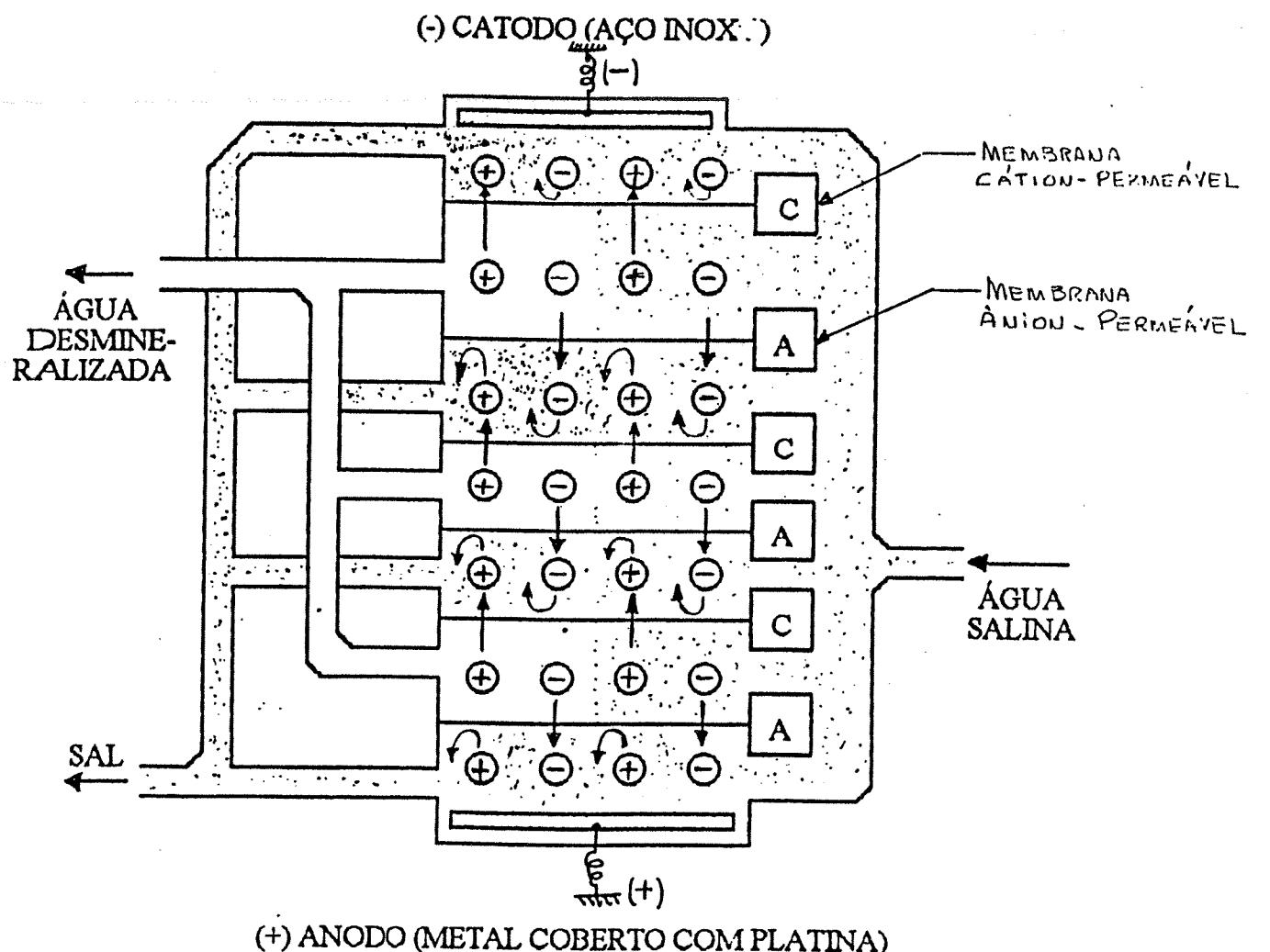
Membranas: constituídas por uma matriz insolúvel de resina trocadora e água. A água (30 a 50% em peso) é "presa" nos poros (10 a 100 \AA) da matriz resinosa.



DESENHO ESQUEMÁTICO DE MEMBRANA CÁTION-PERMEÁVEL

- * As cargas fixas negativas são equilibradas pelos cátions móveis em solução nos poros capilares.
- * Numa membrana catiônica imersa numa solução de eletrólitos, as espécies catiônicas encontram-se livres para entrar e se mover através da membrana \Rightarrow mas as espécies aniônicas são repelidas pelas cargas negativas da membrana.

MECANISMO DO PROCESSO DE ELETRODIÁLISE



- * Imposição de DDP \Rightarrow acarreta surgimento de corrente (migração) de íons para eletrodo de carga oposta.
- * As membranas cátions permeáveis \Rightarrow obstruem o movimento de ânions em direção do anodo (+) e vice e versa.
- * Unidades de E.D. podem ser construídas em colunas com até 500 membranas
- * Espaço entre membranas de até 0,04 polegadas. ($\approx 1\text{ mm}$)

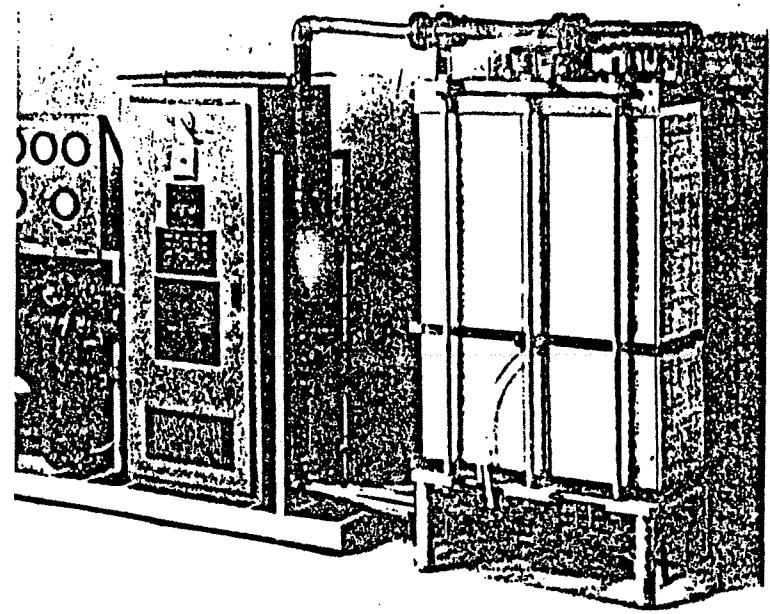


Fig. 13-4. 100,000-gpd EDR plant. (Courtesy of Ionics, Incorporated.)

Fonte: CULP (1986)

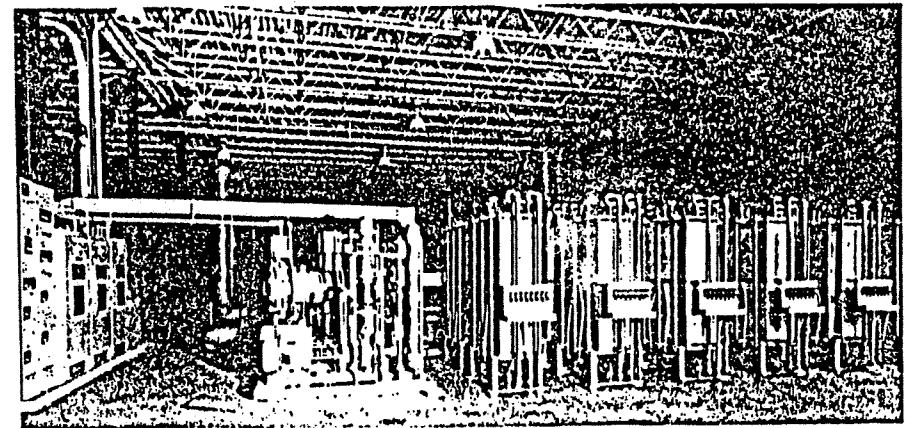


Fig. 13-5. 1,150,000-gpd EDR plant. (Courtesy of Ionics, Incorporated.)

Fonte: CULP (1986)

ENERGIA REQUERIDA

Lei de Faraday ==> "Num sistema eletrolítico unicelular 96.500 AMP/s de eletricidade transfere 1 equivalente grama (peso) de eletrolito de um eletrodo até o outro".

Considerando-se n células (E.D.), a mesma quantidade de eletricidade deverá ser empregada n vezes para transferir n equivalentes grama de íons:

$$I = \frac{F \cdot q \cdot N \cdot \eta}{n \cdot E_C}$$

↓ eficiência de remoção (%)
 ↓ Amp.
 ↓ número de células

F : constante de Faraday = 96.500 Amp.s/equiv.grama

q : taxa de fluxo total de solução eletrolítica através da unidade de eletro diálise (l/s)

N : normalidade do eletrólito afluente (equiv.grama/l)

E_C: eficiência de corrente (%), varia com a natureza do eletrólito, sua concentração e com o sistema de membranas. (obtido com segurança apenas operando-se unidade experimental)

* Termo bastante empregado: D.C. ==> densidade de corrente: é a corrente (mA) que flui por cm² de unidade.

Maior DC ==> menor custo inicial da unidade (pois menor área de membranas) mas maiores custos operacionais (pois requerem maiores voltagens).

* Outro parâmetro importante em projeto : D.C/N (N = normalidade da solução)

~~VALOR ELETRÔNICO~~ DC/N ==> significa que existe um número insuficiente de íons para conduzir a corrente. Em alguns casos, ocorre na interface entre a membrana e a solução. A ocorrência dessa região é chamada de POLARIZAÇÃO.

Efeitos da Polarização: maior resistência elétrica e perda de eficiência de corrente.

Para minimizar a polarização ==> aumento da turbulência próximo às membranas (aumento da velocidade de escoamento entre as membranas)

* Valores usuais de DC/N : até 1000

Resistência Elétrica da unidade = resistência das membranas + resistência da solução
para avaliação da resistência de um sistema E.D. ==> determinação experimental.



Voltagem requerida



$$V = I \cdot R$$

V: Voltagem (V)

I: Corrente empregada (A)

R: Resistência total da unidade (ohm)

* A faixa de vazões usualmente requeridas para maior turbulência e menor polarização pode resultar em eficiência da unidade de E.D. menor que a esperada. Portanto, é comum, nesses casos, o emprego de unidades em série.

* Devido ao fluxo unidirecional, as unidades de E.D. apresentavam problemas de deposição de sais (p.ex. carbonato e sulfato de cálcio) e matéria orgânica no lado salobro das membranas, sendo necessário o emprego de agentes inibidores (ácidos, polifosfatos, etc).

* após 1974 ==> surgimento da E.D.R. (E.D.Reversa), que tomou partido da simetria dos reatores E.D. Portanto, o arranjo físico da E.D.R. é igual ao da E.D., sendo diferente a operação:

a) O arranjo convencional é operado durante um Δt (20 min p.ex.) após o que, reverte-se o campo elétrico revertendo-se a polaridade dos eletrodos. Isto acarreta a transformação imediata de uma célula com água desmineralizada em célula com água salobra (devido à inversão do fluxo de íons).

b) Válvulas automáticas trocam entre si as entradas e saídas dos compartimentos contíguos.

c) Durante 1 a 2 min após a reversão ==> purga da água tratada (devido à deteriorização na sua qualidade). Esta purga efetuada a cada 20 min evita a polarização e reduz a tendência de formação de precipitados nas membranas. (em muitas instalações foi possível a eliminação dos agentes anti-incrustantes apenas com a adoção da E.D.R.)

DADOS TÍPICOS DE PROJETO DE E.D.R.

* Faixas de remoção típicas: 25 a 40% de remoção de sólidos dissolvidos por estágio de tratamento (maiores eficiências ==> unidades com vários estágios em série). (a eficiência da remoção varia com a temperatura, tipo e quantidade de íons, vazão do projeto da unidade).

* Energia requerida: 690 a 1100 Kwh/10⁶ l de água produzida (removendo-se 300 mg/l de sólidos dissolvidos) Kwh / milhares de litros

* Tempo de passagem da água numa unidade de 1 estágio 10 a 20 s.

* Vida útil das membranas atuais: 5 a 10 anos.

Exemplo: DALLAS CITY, TEXAS (E.D.R) E.T.A (1975) 4 torres com 400 pares de membranas/torre.

Água de Alimentação: 840 m³/dia (21 C)

Água produzida : 380 m³/dia (45% de aproveitamento)

Energia total empregada: 2,77 KWh/m³ de água produzida.

CARACTERÍSTICAS DA ÁGUA			
(mg/l)	Alimentação	Produzida	Descartada
sódio	309	65	453
Cálcio	483	42	845
Mg	188	20	316
Bicarbonato	204	74	306
Cloro	438	52	695
Sulfato	1759	184	2941
Nitrato	60	7	95
Fluoreto	2,5	0,6	2,9
Sól. Dis. Totais	3455	446	5674
pH	7,3	7,0	7,5

OSMOSE REVERSA (O.R.)

Na O.R. a força que provoca a transferência de massa é a diferença de pressão hidrostática.
Membranas de O.R. removem uma grande porcentagem de quase todos os íons inorgânicos, turbidez, matéria orgânica, bactérias e vírus.

TEORIA

Osmose: fenômeno natural que ocorre quando 2 soluções com diferentes concentrações são separadas por uma membrana semipermeável (p.ex. celofane)

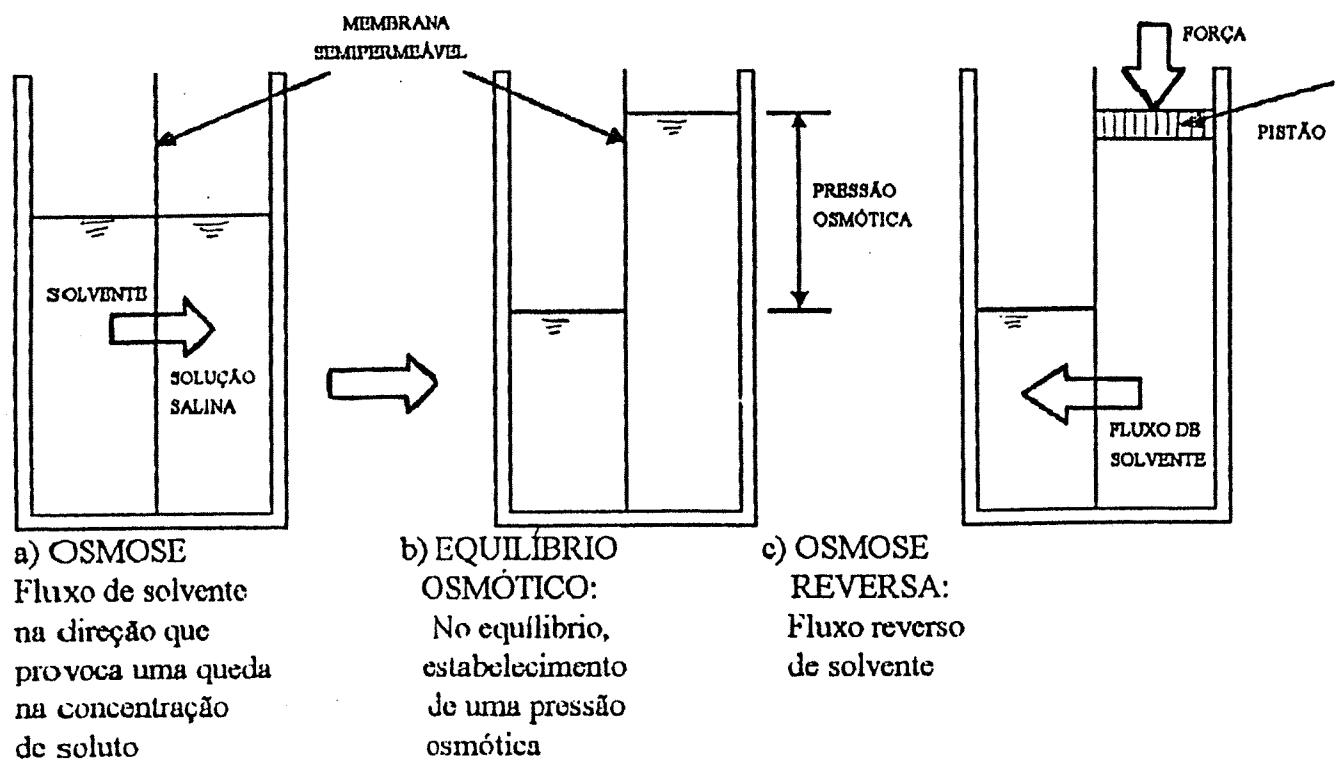


FIGURA 4: MEMBRANAS ANISOTRÓPICAS

Fonte: Mallevialle et al, 1996

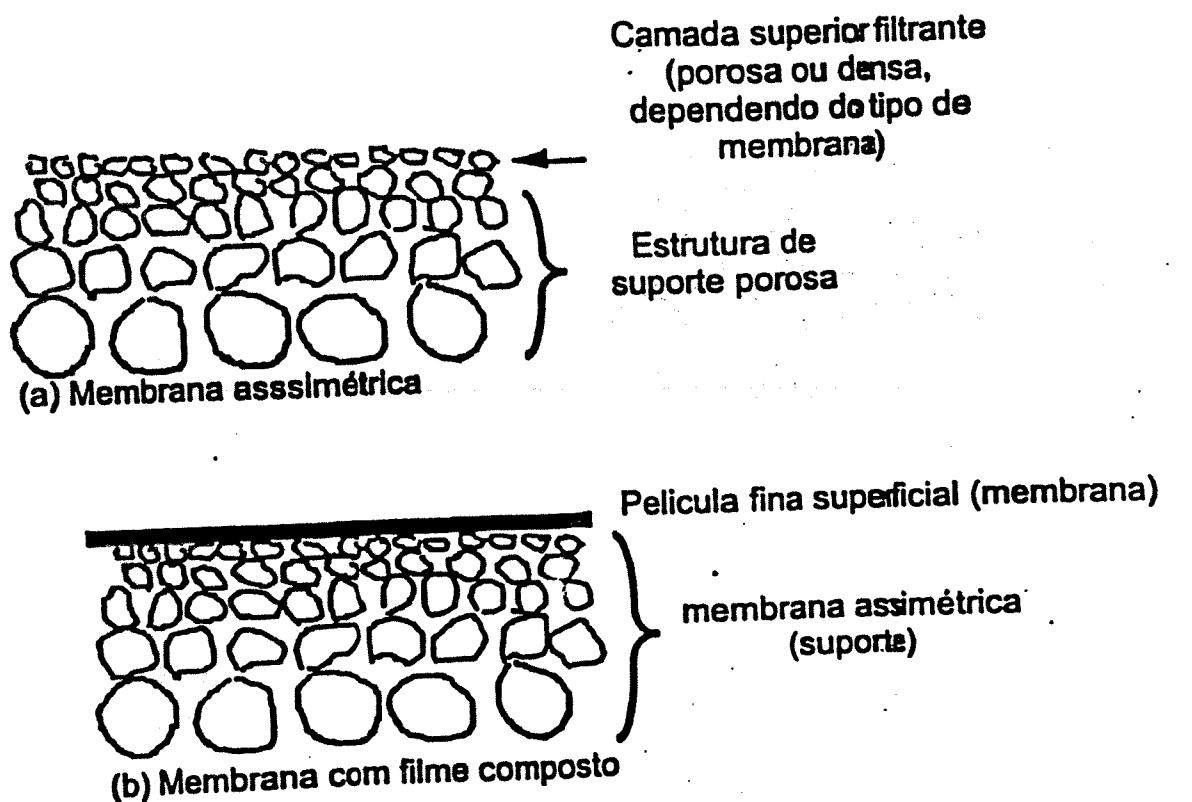
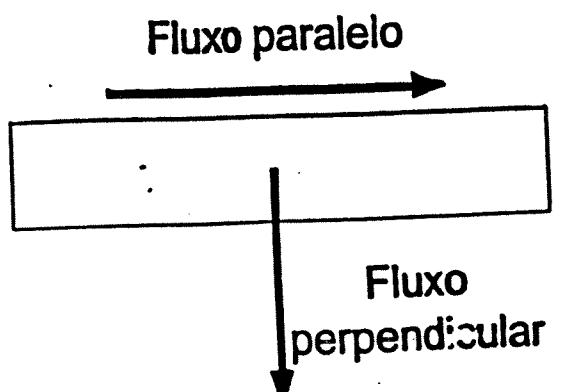
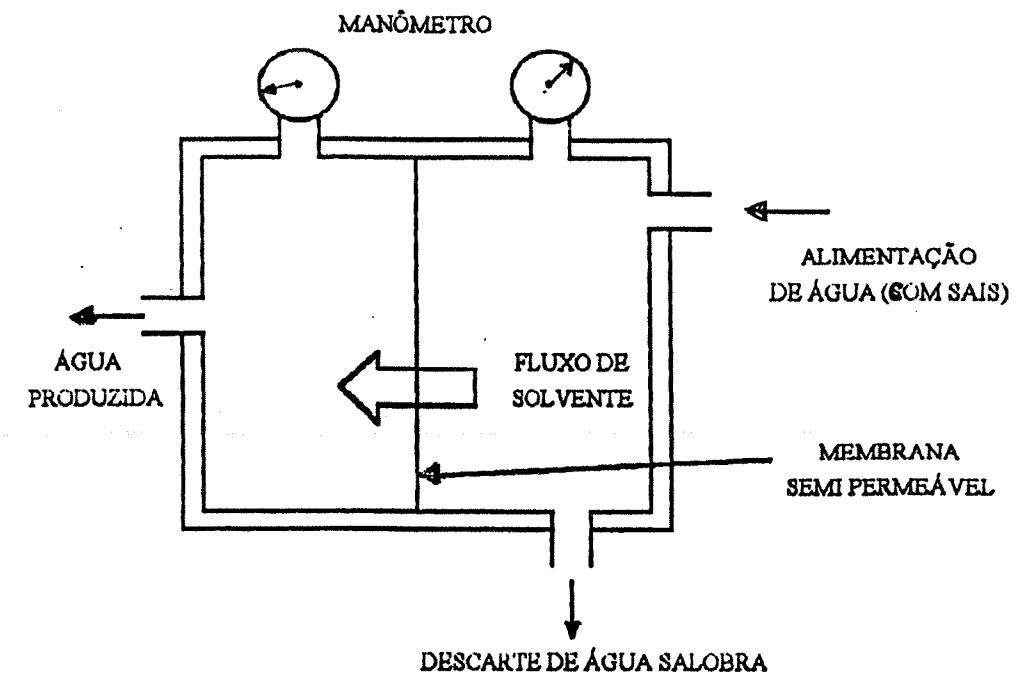


FIGURA 7: OPERAÇÃO DAS MEMBRANAS: FLUXO PARALELO E FLUXO PERPENDICULAR





Esquema de uma unidade de O.R. com escoamento contínuo.

* A O.R., a Ultra Filtração (U.F.) e a Micro Filtração (M.F.) são bastante similares pois as três técnicas empregam membranas semipermeáveis e pressões hidrostáticas para forçar o solvente através das membranas.

Diferenças básicas:

- Na U.F. e na M.F. ==> separação devido à ação de filtragem e não devida à ação osmótica.
- Na U.F. e na M.F. ==> as faixas de tamanhos de substâncias rejeitadas são diferentes.

A pressão osmótica de soluções de eletrólitos é dada por:

$$\pi = \phi \left(\frac{n}{V} \right) \cdot v \cdot R \cdot T$$

↑
Pressão Osmótica

T : temperatura Absoluta

R : constante universal dos gases

v : número de íons formados a partir de 1 molécula de eletrólito

V : volume do solvente

n : número de moles do eletrólito

φ : coeficiente osmótico (depende da natureza da subst. e da sua concentração)

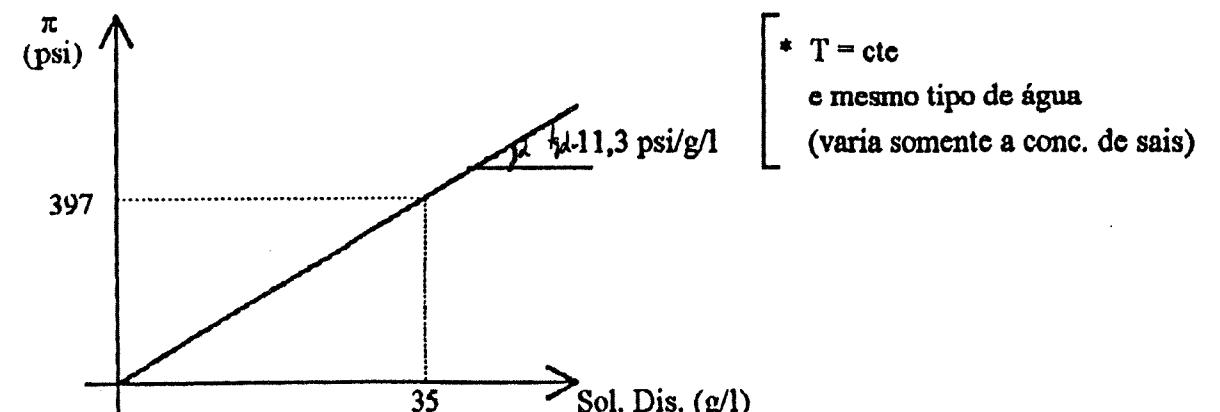
Exemplo: Uma água de mar com 35.000 mg/l de sólidos dissolvidos apresentou uma pressão osmótica de 397 psi. Portanto, para efeitos práticos, pode-se estimar:

$$n = \frac{m}{Mol} \Rightarrow \left(\frac{n}{V}\right) = \left(\frac{m}{V}\right) \cdot \frac{1}{Mol} = \frac{35 \text{ (g/l)}}{\text{Mol}}$$

$$397 = \pi = \phi \cdot 35 \left(\underbrace{\frac{v \cdot R \cdot T}{\text{Mol}}}_{\text{cte}} \right) \Rightarrow \underbrace{\frac{\phi}{\text{cte}}}_{K} = \frac{397}{35} = 11,3 \text{ (psi)}$$

cte p/ um mesmo tipo de sistema

Ou seja, para cada aumento de 1000 mg/l na concentração salina, resulta num aumento de 11,3 psi na pressão osmótica.



Numa unidade de O.R. a transferência de solvente inicia-se quando a pressão excede a diferença de pressão osmótica, e a taxa de transferência aumenta a medida que essa diferença de pressão aumenta. Na prática são usuais pressões na faixa de 250 a 800 psi (17.6 a 56,2 kgf/cm²).

A pressão de projeto depende principalmente da diferença de pressão osmótica entre a água de alimentação e a água produzida, da característica da membrana e da temperatura.

* Principais parâmetros de projeto

- Qualidade da água a ser produzida
- F_w = produção de água/unidade de área da membrana (m³/m² dia). depende:
 - espessura e porosidade da membrana
 - condições do sistema (temp., ΔP através da membrana, tipo e conc. da solução salina).

Segundo KAUP:

$$F_w = K \cdot (\Delta P - \Delta \pi) \quad (\text{m}^3/\text{m}^2 \text{ dia ou l/m}^2 \text{ dia})$$

\uparrow
coef. de transf. de massa/unid. de área de membrana

ΔP = dif. de pressão ^{Hidrostática} entre os dois lados da membrana

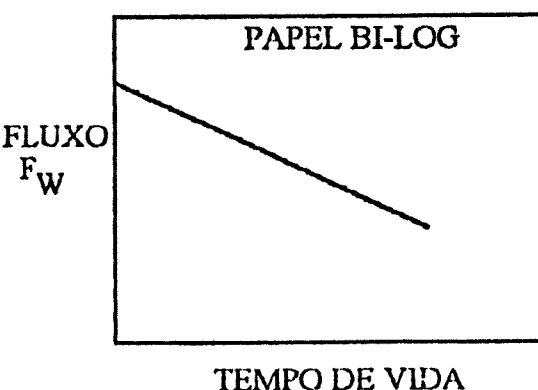
$\Delta \pi$ = dif. de pressão osmótica entre o líquido afluente e o produzido.

Os valores F_w são fornecidos pelos fabricantes p/T=25°C. A variação da T \Rightarrow (variação de difusividade e variação de viscosidade) \Rightarrow variação de F_w .

Portanto, a área da membrana calculada p/ 25°C deve ser corrigida:

T (°C)	Fator de correção da área de membrana ($A_T/A_{25^\circ C}$)
10	1,58
15	1,34
20	1,15
25	1,00
30	0,84

Além disso, ao longo da vida útil da membrana, a mesma apresenta densificação de sua estrutura \Rightarrow redução gradual e permanente do fluxo (quando se atinge valores mínimos aceitáveis \Rightarrow troca-se membranas)



* Vida útil usual \Rightarrow 2 meses a 2 anos

* Normalmente membranas são feitas de:

- acetato de celulose \Rightarrow menor permeabilidade à água e rejeita 99% dos sais ($F_w \approx 420 \text{ l/dia m}^2$)
- Filme de acetato de celulose modificado ($e = 100 \mu\text{m}$) \Rightarrow ATUALMENTE ~~é~~ ^é ~~bombardeada~~ ^{usada}
- Outros materiais, p.ex. nylon ($F_w \approx 42 \text{ l/dia m}^2$) e poliamidas.

Usos da O.R. e E.D.

Dessalinização de efluentes de tratamentos terciários de águas residuárias visando o reuso da água.

Dessalinização de água de mar para potabilização

Abrandamento de águas

Remoção de precursores de trihalometanos (só é efetiva a O.R.)

Eficiência da O.R.

Os sólidos dissolvidos em águas salinas podem ser reduzidos para 50 a 100 mg/l em apenas 1 estágio.
Na tabela de íons inorgânicos em sistemas O.R., com 70 a 75% de recuperação da água de alimentação
(pressão de operação: 400 psi). Fonte:CULP(1986)

ÍON	% DE REJEIÇÃO (EM pH: 6,0)
Ca ⁺²	99 +
Mg ⁺²	99 +
Fe ⁺²	99 +
Mn ⁺²	99,9 +
Na ⁺¹	96
K ⁺¹	96
B ⁺³	0 (* depende aumento pH)
SO ₄ ⁻²	99+
Cl ⁻¹	96
HCO ₃ ⁻¹	70-80 (depende aumento pH)
NO ₃ ⁻¹	70-80
PO ₄ ⁻³	99 +
F ⁻¹	80
SiO ₂	86-90

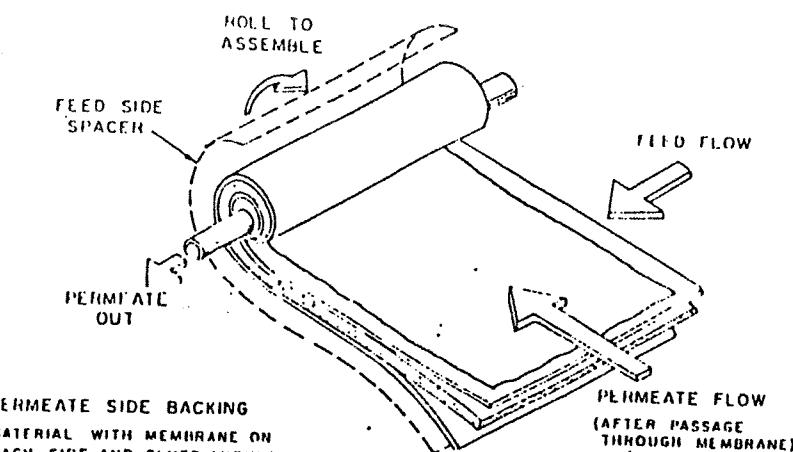
Custos da O.R.

Para sistemas O.R. comerciais, o consumo de energia é da ordem de 1850 a 2380 kWh/10⁶ l

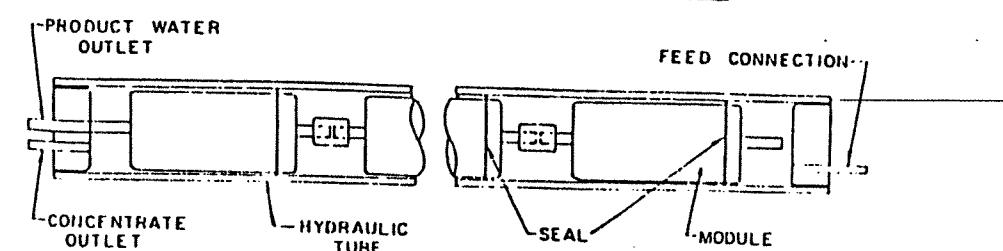
Recuperação de Energia em Instalações de O.R.

A parcela de líquido descartada (salobra) nos sistemas O.R. encontra-se sob alta pressão e oferece potencial para recuperação de energia.

Diversos sistemas de recuperação encontram-se em fase de estudos, tais como: turbinas e os chamados "trocadores de trabalho" (maior eficiência ~ 90% entretanto não estão ainda disponíveis comercialmente).



SPIRAL WOUND REVERSE OSMOSIS MODULE



PRESSURE VESSEL ASSEMBLY

Fig. 13-6. Spiral-wound reverse osmosis module (Courtesy of Johnson Division, Signal Environmental Systems, Inc.)

Fonte: CULP (1986)

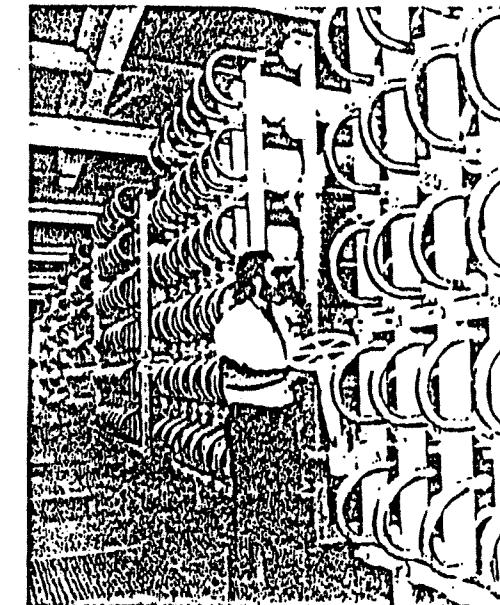


Fig. 13-10. 5-mgd spiral wound reverse osmosis plant. (Courtesy of Orange County Water District.)

Fonte: CULP (1986)

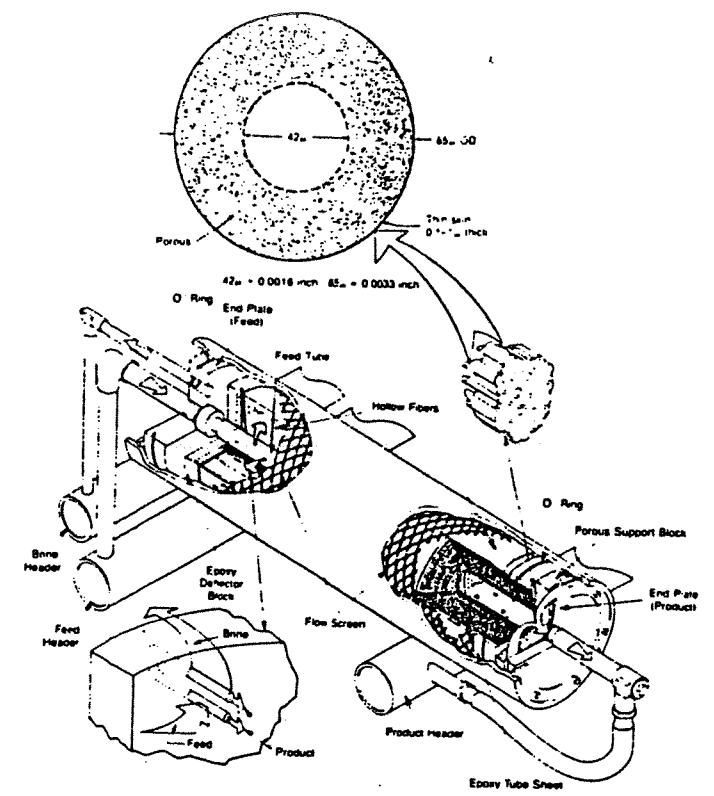


Fig. 13-7. Hollow fiber reverse osmosis module. (Permasep® Permeator as manufactured by E. I. duPont de Nemours & Co.)

Fonte: CULP (1986)

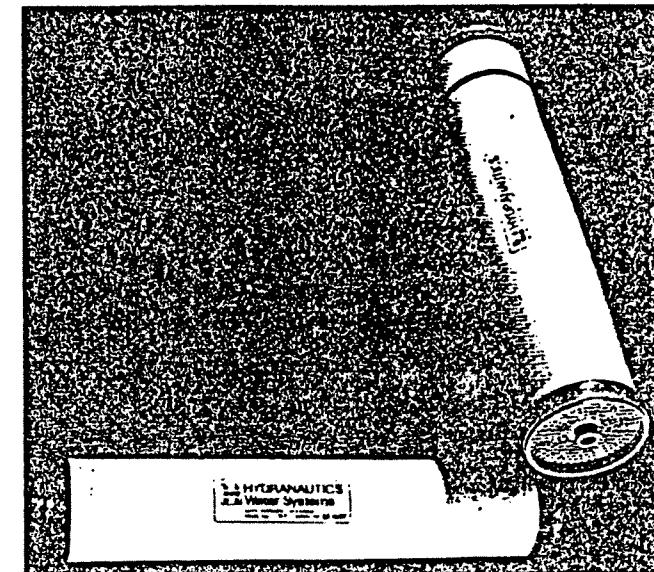


Fig. 13-8. RO modules. (Courtesy of Hydranautics Water Systems.)

Fonte: CULP (1986)

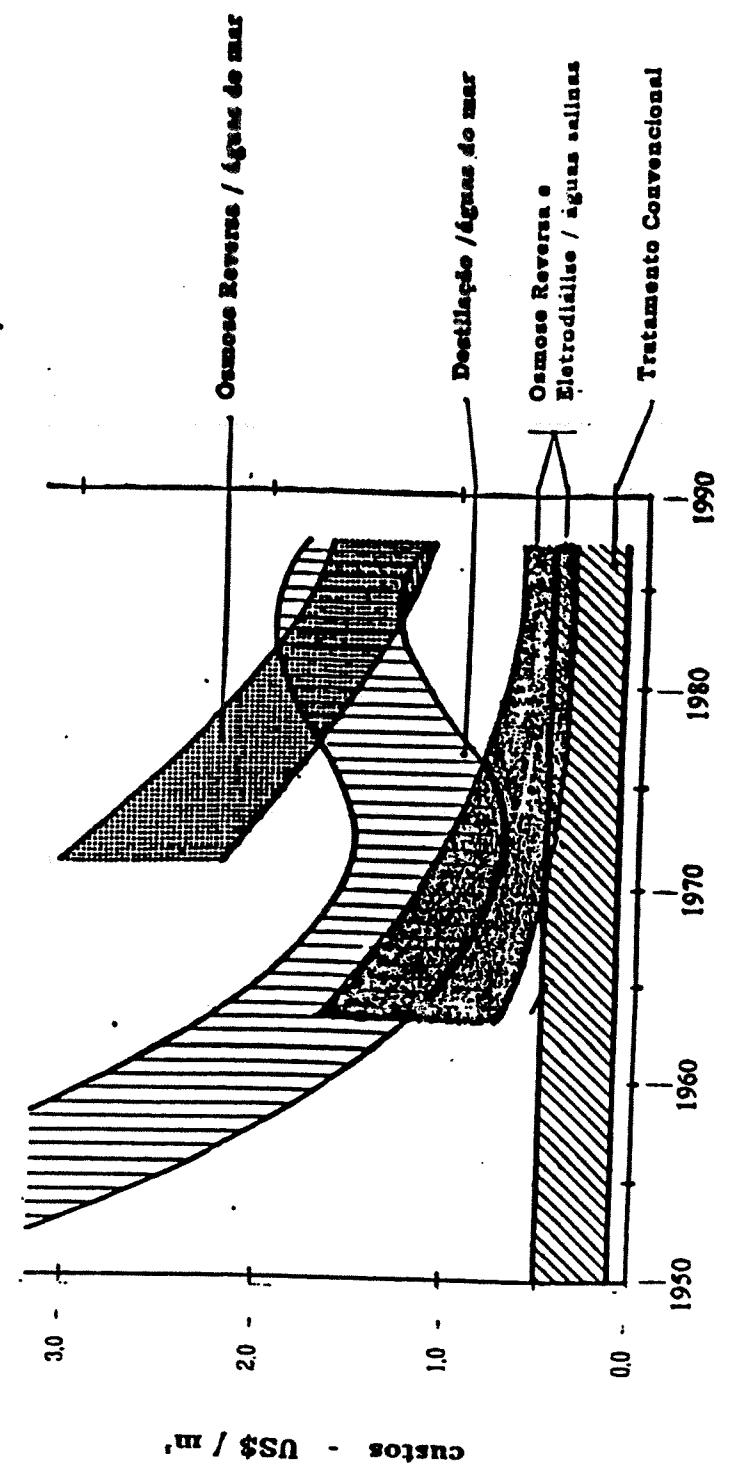


Figura 18 - Evolução dos custos de aplicação dos processos de dessalinização de águas entre 1950 e 1987, nos E.U.A. (obs: destilação e osmose reversa incluem custos de capital e operação para estações que produzem de 3.700 a 18.500 m³/dia de água potável. O crescimento dos custos da dessalinização durante os anos 70 é devido aos aumentos dos custos de capital e energia. Custos em US\$ / 1985.)

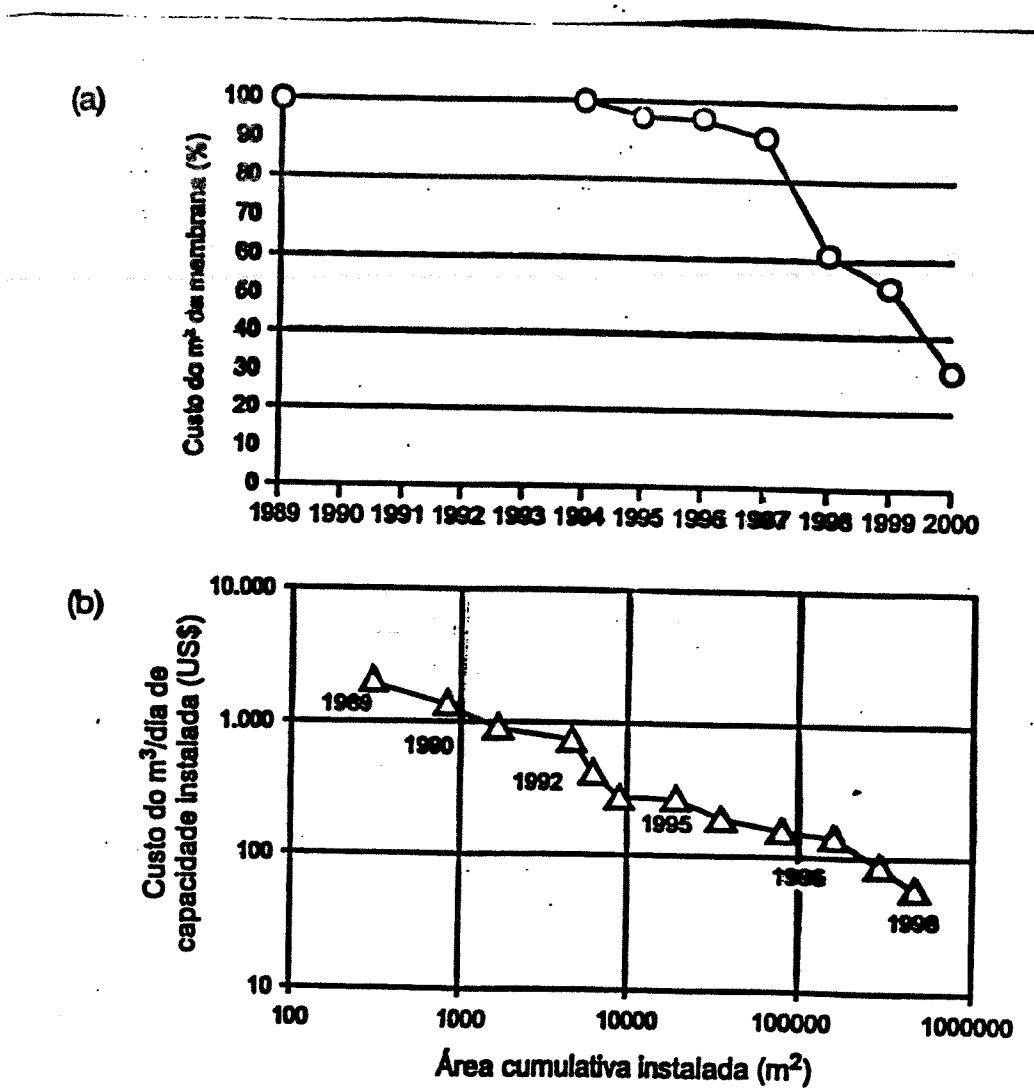


Figura 1.1 – Redução do custo de instalação de membranas de microfiltração e ultrafiltração durante a década de 90: (a) Aquasource (Lainé, 2000); (b) Usfmemcor (Johnson, 1999).

TABELA 9 - Número de Estações de Dessaínização com Capacidade Superior a 5,28 m³/dia para Produção de Água Potável nos Estados Unidos em 1991.

LOCAL	Osmose Reversa água salina	Eletrodialise água salina	água do mar
Flórida	67	2	-
Ilhas Virgens	15	-	11
Califórnia	8	-	2
Texas	4	4	-
Iowa, New México	6	-	-
New York	1	1	-
Outros	26	7	-
Total	127	14	13

FONTE: LEITNER, W. (1992)

Os preços de venda da água produto das estações de dessalinização são cobrados pela maior parte das Agências por faixa de consumo:

- até 1,32 m³ / mes 0,54 US\$ / m³
- de 1,32 a 2,64 m³ / mes 0,74 US\$ / m³
- acima de 5,28 m³ / mes 1,72 US\$ / m³

Para se ter uma idéia do que representam esses preços a nível de Brasil, a água para consumidor doméstico na Região da Grande São Paulo é vendida a 0,75 R\$ / m³, os primeiros 10 m³ / mes consumidos.

TABELA 10 - Investimentos feitos por Israel para Dessaalinização de Águas pelo Processo de Osmose Reversa (preços médios de 1990)

FONTE DA ALIMENTAÇÃO	Águas Subterrâneas	Águas do Mar
Capacidade , m³ / dia	12.500	200.000
Sólidos Totais Disolvidos, mg/l	2.500 a 6.000	40.000
Temperatura da alimentação, oC	25 a 38	23
Consumo Energia, Kwh / m³	1,9 a 2,2	4,5 a 5,0
Produção Anual, m³/ano	4.125	66.000

INVESTIMENTOS		
Dessaalinização, \$ / m ³ dia	390 a 440	795 a 960
Alimentação, \$ / m ³ dia	270 a 570	45 a 70
TOTAL \$ / m³ dia	660 a 1010	840 a 1030

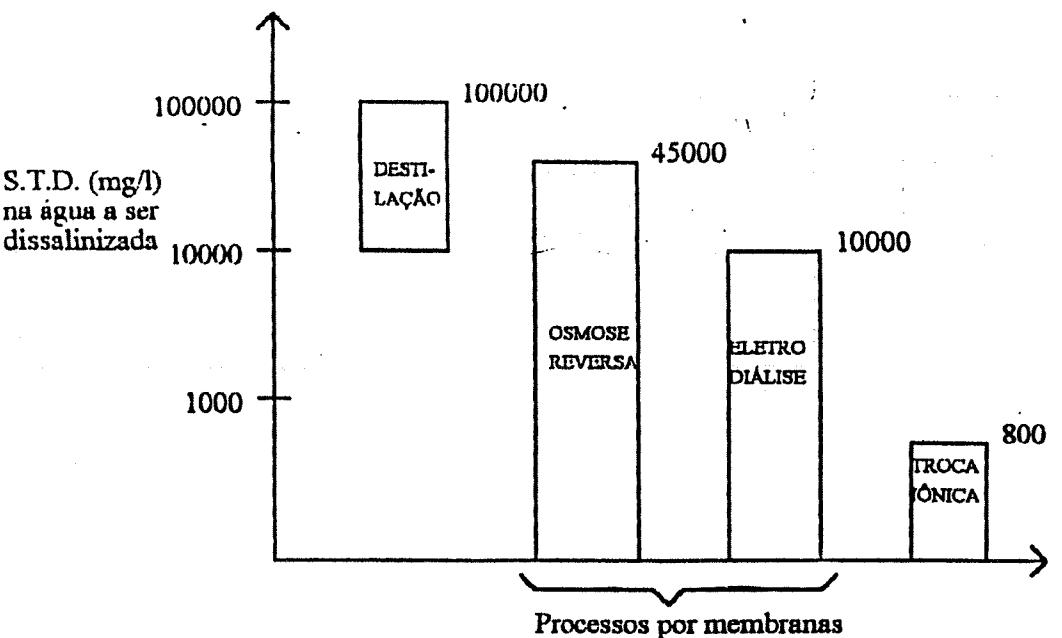
CUSTO UNITÁRIO DA ÁGUA		
\$/m ³		
Encargos Fixos	0,18 a 0,27	0,23 a 0,28
Energia	0,11 a 0,13	0,25 a 0,28
Operação e Manutenção	0,10 a 0,13	0,06 a 0,07
Produtos Químicos	0,04 a 0,06	0,03 a 0,04
Substituição de membranas	0,04 a 0,05	0,07 a 0,13
TOTAL \$ / m³	0,47 a 0,64	0,64 a 0,80

FONTE: GLUECKSTERN, P. (1991).

CONCENTRAÇÕES TÍPICAS DE S.D.T.

CONCENTRAÇÕES TÍPICAS DE S.D.T.

(Sólidos Dissolvidos Totais)



ULTRA FILTRAÇÃO (U.F.) E Micro Filtração (MF)

U.F.
As membranas para processo de U.F. não rejeitam os sólidos dissolvidos, mas são empregadas na remoção de algumas substâncias orgânicas dissolvidas e de partículas coloidais. As pressões envolvidas são bem mais baixas que na O.R. (em torno de 20 a 25 psi).

MF
A U.F. até algum tempo era considerada técnica alternativa de tratamento de água de abastecimento somente para casos mais restritos. Entretanto sua viabilidade técnica/econômica tem aumentado sensivelmente devido, entre outros, a:

- Padrões de qualidade do água potável cada vez mais exigentes;
- Decréscimo acentuado, em certa regiões, de recursos hídricos adequados;
- Ênfase crescente em reuso de águas servidas;
- Avanços na tecnologia de membranas, com diminuição dos custos de aquisição, operação e manutenção.

MF
A U.F. já era empregada para o tratamento de águas em algumas indústrias. Seu emprego no tratamento de águas para abastecimento constitui técnica bastante recente, sendo citadas as seguintes vantagens potenciais em relação ao tratamento convencional:

- Produção de água com qualidade superior;
- Adição de quantidades menores de produtos químicos;
- Requer menor energia para operação e manutenção;
- Proporciona projeto e construção de sistemas compactos, fáceis de serem implantados.

Principais usos potenciais da U.F.

- Remoção de turbidez, cor, C.O.T. e microrganismos (bactérias etc) de águas de abastecimento contendo baixa turbidez inicial.

Ex.: Jacangelo et al (1989) obtiveram turbidez final em torno de 0,03 ntu (inicial: 12 a 18 ntu)

- Remoção de sólidos suspensos em sistema de tratamento de águas residuárias (U.F. \Rightarrow tratamento terciário).

Ex.: Arika et al (1977) obtiveram redução de S.S. de 236 mg/l para valores próximos de zero.

EXEMPLOS ILUSTRATIVOS

* EXTRAIIDOS DE REYNOLDS (1982)

Exemplo 1 - Deseja-se empregar um equipamento (tipo "torre") de eletro-diálise contendo 200 células para desmineralizar 340.000 L/dia de esfente de um sistema de tratamento terciário para reuso em uma indústria. A concentração média de sais dissolvidos é de 4000 mg/l , resultando em 0,066 equivalentes grama /litro (normalidade) de cátions e ânions . Estudos com uma instalação piloto de eletro-diálise demonstraram que : i) a eficiência de corrente (Ec) foi de 90% ; ii) a eficiência de remoção de sais (η) foi de 50% ; iii) a resistência foi de 4,5 ohms ; e iv) a razão entre a densidade de corrente e a normalidade (Dc/N) foi igual a 400 .

Determinar : A corrente (I) requerida , a área de membranas e a potência requerida .

SOLUÇÃO

$$I = F \cdot q \cdot N \cdot \eta / n \cdot Ec , \text{ ou seja :}$$

$$I = 96.500 (\text{amp. s / equiv. gr}) \cdot 340.000 (\text{L/dia}) \cdot 1/86400 (\text{dia/s}) \cdot 0,066 (\text{equiv. gr/L}) \cdot 0,50 \cdot 1/200 \text{ células} \\ \cdot 1/0,90 = 69,62 \text{ amperes.}$$

$$Dc/N = 400 \text{ e } N = 0,066 , \text{ então : } Dc = 400 \cdot 0,066 = 26,4 \text{ mA/cm}^2$$

$$Dc = I/Area , \text{ Area} = I/Dc = 69,62 \cdot 1000 / 26,4 = 2637 \text{ cm}^2 \text{ (se as membranas forem quadradas : } 51,4 \times 51,4 \text{ cm).}$$

$$\text{Potência : } P = R \cdot I^2 = 4,5 \text{ (ohms)} \cdot 69,62^2 = 21.812 \text{ watts } \sim 22 \text{ Kw.}$$

EXEMPLO 2 : Pretende-se desmineralizar 800.000 L/dia de um esfente terciário para reuso. Determinar a área de membrana requerida , sabendo-se que : i) o coeficiente de transferência de massa por unidade de área de membrana (K) é igual a 0,2068 (L/dia.m².kPa) a 25°C ; ii) a diferença de pressão entre a água produzida e a de alimentação é igual à 2600 kPa ; iii) a diferença de pressão osmótica entre a água de alimentação e a de saída é igual à 320 kPa ; e iv) a temperatura mínima de operação será de 10°C .

SOLUÇÃO

$$\text{Fluxo de água por m}^2 \text{ de membrana : } Fw = K \cdot (\Delta P - \Delta \pi) : Fw = 0,2068 \cdot (2600 - 320)$$

$$Fw = 471,504 \text{ L/dia.m}^2 (25^\circ\text{C})$$

$$\text{Area} = 800.000 \text{ (L/dia)} / 471,504$$

$$\text{Area} = 1.696,7 \text{ m}^2 (25^\circ\text{C}) . \text{ PARA } 10^\circ\text{C : Area} = 1.696,7 \cdot 1,58(\text{ver tabela no texto}) = 2680 \text{ m}^2$$

BIBLIOGRAFIA

CULP/WESNER/CULP (1986) - "Desmineralization" In: Handbook of public water system. Van Nostrand. Reinhold Company. N.York.

JACANGELO, J.G. - "Assessing Hollow - Fiber Ultrafiltration for Particulate Removal. J.A.W.W.A. Nov. 1989.

REYNOLDS, T.D. (1982) - "Membrane Process" In: Unit Operation and Processes in Environmental Engineering PWS. Publisher - B/C Engineering Division, Boston, Massachusetts.

RICH. L.G. (1963) - "Electrodialyses" In: Unit Processes of Sanitary Engineering. John Willer and Sons. N. York.

SCHNEIDER, R.P. & TSUTIYA, M.T. - MEMBRANAS FILTRANTES PARA O TRATAMENTO DE ÁGUA, ESGOTO E ÁGUA DE REUSO. ABES. 1^a EDIÇÃO
SÃO PAULO - 2001